

http://www.spm.pt/olimpiadas

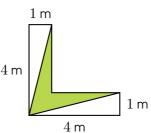
XXX OPM - 2° Eliminatória - 11.01.2012 - Categoria Júnior - 6°/7° anos

Na questão 1 escolhe, em cada alínea, a opção correta. Justifica convenientemente as tuas respostas às questões 2, 3 e 4. Não é permitido o uso de calculadoras.

Duração: 2 horas Questão 1: cada opção correta: 4 pontos

cada opcão errada: -1 ponto Questões 2, 3, 4: 8 pontos cada

- 1. (a) A Catarina tem uma caixa grande com 2012 caixas médias dentro. Dentro de cada caixa média tem duas caixas pequenas e dentro de cada caixa pequena tem três caixas pequeninas. Quantas caixas tem a Catarina?
  - A) 2018
- B) 10061
- C) 12073
- D) 18109
- E) 20120
- (b) A soma dos algarismos de  $2012 ilde{e}$  5. Quantos números de quatro algarismos têm esta propriedade?
  - A) 26
- B) 28
- C) 34
- D) 35
- E) 36
- (c) A televisão do Gabriel tem os canais 1 a 41. O Gabriel ligou a televisão no canal 15 e carregou 2012vezes no botão de avançar um canal. Em que canal ficou a televisão do Gabriel?
  - A) 18
- B) 19
- C) 20
- D) 21
- E) 22
- (d) A Catarina escreveu todos os números de 1 até 2012. O Gabriel apagou todos os números pares e a Catarina apagou todos os números múltiplos de 3. Quantos números restaram?
  - A) 335
- B) 336
- C)337
- D) 671
- E) 672
- 2. A Madalena tem um jardim em forma de "L" que dividiu em três partes, como mostra a figura. Na região do meio, em forma de "V", plantou violetas, e no resto do terreno, plantou margaridas. Quanto mede a área do terreno em que a Madalena plantou violetas?



3. Um tabuleiro quadrado  $3 \times 3$  é inicialmente preenchido com zeros. De seguida, em cada passo, escolhe-se um quadrado  $2 \times 2$  e soma-se um a todos os números do quadrado escolhido. Por exemplo, os três primeiros passos podem ser

0	0	0		0	0	0		0	1	1		0	1	1	
0	0	0	$\rightarrow$	0	1	1	$\rightarrow$	0	2	2	$\rightarrow$	1	3	2	$\rightarrow \cdots$
0	0	0		0	1	1		0	1	1		1	2	1	

O tabuleiro seguinte foi obtido depois de 28 passos, mas alguns dos números foram apagados. Descobre os números que foram apagados.

	17	
		9
7		

4. O João tem 136 berlindes vermelhos e 136 berlindes azuis. Em cada dia, o tio do João deixa-o trocar ou 11berlindes vermelhos por 7 berlindes azuis ou 20 berlindes azuis por 28 berlindes vermelhos. O João pode, depois de algumas trocas, ficar com três vezes mais berlindes azuis do que vermelhos?